

Optimalisasi Portofolio Saham LQ-45 menggunakan Model Indeks Tunggal dan Pengukuran *Value at Risk* dengan *Variance Covariance*

Yoga Perdana^{#1}, Dony Permana^{#2}, Riry Sriningsih^{#3}

[#]Mathematics Department State University of Padang
Jl. Prof. Dr. Hamka Air Tawar Padang, 25131, Telp. (0751) 444648, Indonesia

¹yogaperdana16@gmail.com
²donypermana@fmipa.unp.ac.id
³srirysriningsih@yahoo.com

Abstract – Investments are placing a current amount of funds with the aim of making a profit in the future. The problem faced by investors is to determine which assets should be selected to obtain maximum profit and minimum losses. This research aims to determine the amount of proportion of funds invested into the optimal portfolio and to know the value of Value at Risk (VaR) on stocks that go into the optimal portfolio. Based on research on LQ-45 stock group found 15 stocks enter into the optimal portfolio from 45 shares of the company. Bank Tabungan Negara (Persero) Tbk. (BBTN) has proportion 18.01% as the largest proportion of funds. Based on the calculation of VaR in the optimal portfolio, obtained VaR value of 8,747,069, which means if investors invest funds in the portfolio of Rp 100,000,000.00 maximum losses to be suffered by investors with 95% confidence level will not exceed Rp 8,747,069.00.

Keywords –Single Indeks Model, Optimal Portofolio, Risk.

Abstrak– Investasi adalah menempatkan sejumlah dana yang dilakukan saat sekarang dengan tujuan memperoleh keuntungan di masa yang akan datang. Problematika yang dihadapi investor adalah menentukan aset-aset mana yang harus dipilih agar mendapatkan keuntungan maksimum dan kerugian minimum. Tujuan pada penelitian ini, yaitu untuk melihat jumlah proporsi dana yang diinvestasikan ke dalam suatu portofolio optimal dan mengetahui nilai *Value at Risk (VaR)* pada saham yang masuk ke dalam portofolio tersebut. Berdasarkan penelitian pada kelompok saham LQ-45 didapatkan 15 saham yang masuk ke dalam portofolio optimal dari 45 saham perusahaan. Diantaranya Bank Tabungan Negara (Persero) Tbk. (BBTN) dengan proporsi 18,01% sebagai proporsi dana terbesar. Berdasarkan perhitungan *VaR* pada portofolio optimal, diperoleh nilai *VaR* sebesar Rp 8.747.069, yang berarti jika investor menginvestasikan dana pada portofolio sebesar Rp 100.000.000,00 kerugian maksimum yang akan diderita investor dengan tingkat kepercayaan 95% tidak akan melebihi Rp 8.747.069,00

Kata Kunci – Model Indeks Tunggal, Portofolio Optimal, Risiko.

PENDAHULUAN

Investasi adalah menyimpan dana atau barang yang digunakan untuk masa depan[6]. Pada dasarnya, hal lain yang akan dihadapi seorang investor adalah harus siap menanggung risiko yang tinggi apabila ingin mendapatkan keuntungan. Investor bebas menentukan untuk menginvestasikan dananya, dalam bentuk asset yang bebas risiko, berisiko atau pun keduanya.

Pada umumnya, problematika yang dihadapi oleh seorang investor adalah memilih aset-aset mana yang harus dipilih agar mendapat keuntungan yang maksimal dengan resiko yang minimal, atau setidaknya agar investor tidak mengalami kerugian. Manajemen risiko merupakan salah satu paradigma penting dalam mengelola risiko untuk berinvestasi, sehingga dengan melakukan manajemen risiko atau analisis risiko investor dapat memilih aset yang terbaik agar keuntungan dapat sesuai dengan yang diharapkan oleh investor.

Membentuk portofolio merupakan cara dalam melakukan manajemen risiko. Analisis penilaian harga saham melalui pemilihan kombinasi saham dalam portofolio sangat diperlukan. Ada beberapa metode yang dapat digunakan untuk membentuk suatu portofolio optimal, metode yang dapat digunakan adalah Model Indeks Tunggal, dimana diasumsikan bahwa sekuritas berkorelasi jika sekuritas tersebut memiliki hubungan terhadap *return* pasar [6].

Seiring perkembangan penghitungan nilai risiko, *Value at Risk (VaR)* digunakan sebagai bentuk pengukuran nilai risiko. Dalam menghitung *VaR* terdapat tiga metode utama, yaitu metode parametrik (variance-kovarianse), metode simulasi Monte Carlo dan metode simulasi historis[1]. Masing-masing metode mempunya iciri-ciri dengan kelebihan dan kekurangan tersendiri.

Asumsi Variance-Covariance adalah return saham berdistribusi normal. Penentuan nilai R^* bisa dilakukan dengan menggunakan bantuan tabel normal baku, dimana R^* ditransformasi sedemikian sehingga nilai harapan sama dengan nol dan variance sama dengan satu. Hal tersebut dapat dilakukan dengan transformasi berikut:

$$-z_\alpha = \frac{R^* - \mu}{\sigma}$$

Dengan demikian masalah pencarian R^* setara dengan menemukan $-z_\alpha$ sedemikian sehingga peluang muncul nilai return kurang dari atau sama dengan R^* adalah α , sehingga :

$$R^* = -z_\alpha \sigma + \mu$$

Substitusi nilai R^* ke *VaR*, diperoleh

$$\begin{aligned} VaR &= -W_0(R^* - \mu) \\ &= -W_0((-z_\alpha \sigma + \mu) - \mu) \\ &= z_\alpha \sigma W_0 \end{aligned}$$

VaR sepanjang holding period (t) dengan tingkat kesalahan α dapat dirumuskan sebagai:

$$VaR = z_\alpha \sigma W_0 \sqrt{t}$$

METODE

Data yang digunakan pada penelitian ini adalah data *return* saham LQ-45 dan Indeks Harga Saham Gabungan (IHSG) periode Agustus 2017-Januari 2018

yang diperoleh dari perhitungan harga penutupan saham (*closing price*) harian yang diperolehdari website www.yahoofinance.com.

Analisis data dilakukan menggunakan metode Model Indeks Tunggalpada saham terpilih. Langkah-langkah yang digunakan dalam analisis data sebagai berikut:

- Pengumpulan data hargasaham harianLQ-45 Agustus 2017-Januari 2018.
- Menghitung *realized return* saham.

Menggunakan rumus:

$$Return \text{ saham} = \frac{P_t - P_{t-1}}{P_{t-1}}$$

- Menghitung *expected return* setiap saham individual Menggunakan rumus:

$$E(R_i) = \frac{\sum R_i}{n}$$

- Menghitung standar deviasi menggunakan rumus:

$$\sigma_i = \sqrt{\frac{\sum_{n=1}^n (R_i - E(R_i))^2}{n-1}}$$

- Penghitungan *variance* dari saham dan pasar (IHSG).

$$\sigma_e^2 = \frac{\sum_{n=1}^n (R_i - E(R_i))^2}{n-1}$$

- Menghitung kovariansi saham individu dan pasar

$$\sigma_{im} = (R_i - E(R_i)) \cdot (R_m - E(R_m))$$

- Menghitung nilai *Alpha* (α_i).

$$\alpha_i = R_i - \beta_i \cdot R_m$$

- Menghitung *Beta* (β_i).

$$\beta_i = \left(\frac{\sigma_{im}}{\sigma_m} \right)$$

- Menghitung nilai risiko tidak sistematis saham (σ_{ei}^2). Menggunakan rumus:

$$\sigma_{ei}^2 = \frac{1}{t} \sum_{t=1}^t [R_{it} - (\alpha_i + \beta_i R_{mt})]^2$$

$$\sigma_{ei}^2 = \frac{\sum e_i^2}{t}$$

- Menghitung R_{BR} dengan menggunakan nilai rata-rata suku bunga BI.

- Menghitung nilai *excess return to beta* (ERB) dari masing-masing saham.

$$ERB_i = \frac{E(R_i) - R_{BR}}{\beta_i}$$

- Penyusunan peringkat saham, didasarkan pada ERB dari nilai tertinggi kenilai terendah.

- Menghitung nilai A_i dan B_i yang digunakan dalam menghitung nilai C_i . Menggunakan rumus:

$$A_i = \frac{(E(R_i) - R_{BR})\beta_i}{\sigma_{ei}^2}$$

$$B_i = \frac{\beta_i^2}{\sigma_{ei}^2}$$

- penentuan nilai *cut-off rate* (C_i).

$$C_i = \frac{\sigma_m^2 \sum_{j=1}^i A_j}{1 + \sigma_m^2 \sum_{j=1}^i B_j}$$

- Penentuan portofolio optimal adalah [2]

- a) jika rasio ERB $\geq C_i$, maka saham tergolong dalam portofolio optimal.

- b) Jika rasio ERB $< C_i$, maka saham tidak tergolong dalam portofolio optimal.

- p. Penentuan *unique-cut-off point* (C^*). Nilai C^* adalah nilai C_i tertinggi pada kelompok saham-saham yang masuk ke dalam portofolio optimal [2].

TABEL 1
HASIL PERHITUNGAN EKSPEKTASI RETURN, VARIANSI,
STANDAR DEVIASI DAN KOVARIAN SAHAM

| Kode saham | E(R _i) | Variance (σ_i^2) | St Dev (σ_i) | Kovarian (σ_{im}) |
|------------|--------------------|---------------------------|-----------------------|----------------------------|
| AALI | -0,00092 | 0,00014 | 0,01163 | 2,240E-05 |
| ADHI | 0,00045 | 0,00046 | 0,02147 | 2,831E-05 |
| ADRO | 0,00250 | 0,00059 | 0,02436 | 5,689E-05 |
| AKRA | -0,00071 | 0,00034 | 0,01832 | 2,668E-05 |
| ANTM | 0,00251 | 0,00052 | 0,02273 | 2,985E-05 |
| ASII | 0,00073 | 0,00018 | 0,01344 | 4,142E-05 |
| BBCA | 0,00153 | 0,00013 | 0,01139 | 2,908E-05 |
| BBNI | 0,00219 | 0,00022 | 0,01482 | 4,116E-05 |
| BBRI | 0,00189 | 0,00022 | 0,01483 | 4,735E-05 |
| BBTN | 0,00283 | 0,00031 | 0,01771 | 7,362E-06 |
| BJBR | 0,00128 | 0,00084 | 0,02891 | 8,800E-06 |
| BMRI | 0,00163 | 0,00012 | 0,01113 | 2,803E-05 |
| BMTR | 0,00339 | 0,00110 | 0,03314 | 4,059E-05 |
| BRPT | 0,00360 | 0,00053 | 0,02307 | 3,018E-05 |
| BSDE | 0,00035 | 0,00022 | 0,01472 | 2,755E-05 |
| BUMI | 0,00085 | 0,00253 | 0,05034 | 3,844E-05 |
| EXCL | -0,00092 | 0,00054 | 0,02333 | 4,272E-05 |
| GGRM | 0,00111 | 0,00040 | 0,01994 | 4,319E-05 |
| HMSP | 0,00306 | 0,00041 | 0,02024 | 7,117E-05 |
| ICBP | 0,00045 | 0,00016 | 0,01253 | 2,338E-05 |
| INCO | 0,00375 | 0,00068 | 0,02613 | 2,431E-05 |
| INDF | -0,00048 | 0,00014 | 0,01162 | 2,930E-05 |
| INTP | 0,00221 | 0,00068 | 0,02599 | 6,173E-05 |
| JSMR | 0,00019 | 0,00024 | 0,01548 | 2,862E-05 |
| KLBF | -0,00002 | 0,00021 | 0,01447 | 3,240E-05 |
| LPKR | -0,00178 | 0,00042 | 0,02044 | 3,601E-05 |
| LPPF | 0,00028 | 0,00102 | 0,03200 | 3,649E-05 |
| LSIP | -0,00042 | 0,00033 | 0,01830 | 2,491E-05 |
| MNCN | -0,00052 | 0,00074 | 0,02722 | 3,775E-05 |
| MYRX | -0,00124 | 0,00041 | 0,02031 | 1,614E-05 |
| PGAS | 0,00216 | 0,00155 | 0,03938 | 5,362E-05 |
| PPRO | -0,00042 | 0,00045 | 0,02111 | 1,799E-05 |
| PTBA | 0,00239 | 0,00092 | 0,03030 | 3,216E-05 |
| PTPP | 0,00055 | 0,00059 | 0,02422 | 3,201E-05 |
| PWON | 0,00018 | 0,00036 | 0,01896 | 4,542E-05 |
| SCMA | 0,00138 | 0,00053 | 0,02311 | 1,848E-05 |
| SMGR | 0,00118 | 0,00051 | 0,02253 | 3,819E-05 |
| SMRA | 0,00122 | 0,00055 | 0,02340 | 4,965E-05 |
| SRIL | 0,00074 | 0,00036 | 0,01890 | 2,978E-05 |
| SSMS | 0,00027 | 0,00023 | 0,01505 | 9,332E-06 |
| TLKM | -0,00135 | 0,00015 | 0,01226 | 2,350E-05 |
| UNTR | 0,00221 | 0,00053 | 0,02311 | 6,237E-05 |

| | | | | |
|------|---------|---------|---------|-----------|
| UNVR | 0,00098 | 0,00011 | 0,01052 | 2,914E-05 |
| WIKA | 0,00043 | 0,00049 | 0,02214 | 3,350E-05 |
| WSKT | 0,00184 | 0,00064 | 0,02523 | 3,364E-05 |

- q. Menetukan skala tertimbang dari saham dan menentukan proporsi dana portofolio optimal menggunakan:

$$Z_i = \frac{\beta_i}{\sigma_{ei}^2} (ERB_i - C^*)$$

$$W_i = \frac{Z_i}{\sum_{j=1}^k Z_j}$$

- r. Penentuan *variance* atau nilai risiko portofolio optimal menggunakan rumus:

$$\sigma_p^2 = \beta_p^2 \cdot \sigma_m^2 + \sigma_{ep}^2$$

$$\sigma = \sqrt{\sigma_p^2}$$

- s. Menentukan nilai Z_α yang diperoleh dari tabel normal standar.
- t. Menentukan *holding period* (t) dan tingkat kepercayaan yang digunakan untuk pengukuran risiko.
- u. Menentukan nilai *Var* untuk masing-masing aset dengan menggunakan rumus:

$$VaR = z_\alpha \sigma W_0 \sqrt{t}$$

HASIL DAN PEMBAHASAN

A. Hasil

Saham-saham yang masuk ke dalam Indeks LQ-45 di Bursa Efek Indonesia (BEI) periode perdagangan Agustus 2017 – Januari 2018 adalah objek penelitian pada studi kasus ini. Saham-saham tersebut berjumlah sebanyak 45 perusahaan. Data yang digunakan adalah data *return* saham harian periode Agustus 2017 – Januari 2018. Data diperoleh dari website www.yahoofinance.com. Saham-saham perusahaan yang masuk ke dalam penelitian dapat dilihat pada [4].

Pada penelitian ini, untuk mengolah datanya dibantu dengan software *Ms.Excel*. Adapun tahap-tahap yang dilakukan adalah:

1. Perhitungan Ekspektasi *return*, Variansi, Standar Deviasi dan Kovarian Saham

Pada perhitungan ekspektasi *return* terdapat 11 perusahaan yang memiliki *return* negatif, yaitu AALI, AKRA, EXCL, INDF, KLBF, LPKR, LSIP, MNCN, MYRX, PPRO dan TLKM. 11 saham tersebut tidak akan diikutsertakan dalam perhitungan selanjutnya karena hanya saham dengan nilai *return* positif yang akan masuk ke dalam portofolio optimal. Selanjutnya ada 34 saham yang diikutsertakan dalam perhitungan selanjutnya.

Hasil dari dapat dilihat pada tabel 1.

2. Perhitungan *Return Market(IHSG)*.

Hasil perhitungan *return*, standar deviasi dan *variance* IHSG bisa dilihat di tabel 2.

TABEL 2.

EXPECTED RETURN MARKET, STANDAR DEVIASI DAN VARIANCE IHSG

| | IHSG |
|-----------------|---------|
| E(Rm) | 0,00105 |
| Standar Deviasi | 0,00551 |
| Variance | 0,00003 |

3. Perhitungan *Return* Bebas Risiko

Hasil perhitungan *Return* Bebas Risiko bisa dilihat pada tabel 3, yang selanjutnya nilai RBR akan digunakan untuk menghitung nilai ERB.

TABEL 3.

DATA TINGKAT PENGEMBALIAN BEBAS RISIKO (RBR) PERIODE AGUSTUS 2017 SAMPAI JANUARI 2018

| Periode | BI rate |
|---------------------|-----------|
| Januari 2018 | 4,25% |
| Desember 2017 | 4,25% |
| November 2017 | 4,25% |
| Oktober 2017 | 4,25% |
| September 2017 | 4,25% |
| Agustus 2017 | 4,50% |
| Rata-rata per bulan | 4,29% |
| Rata-rata per hari | 0,001431% |

4. Perhitungan *Alpha*, *Beta*, *Variance Error Residual* dan ERB

TABEL 4.

ALPHA, BETA, VARIANCE ERROR RESIDUAL DAN ERB

| Kode Saham | Alpha (α_i) | Beta (β_i) | σ_{ei}^2 | ERB |
|------------|----------------------|--------------------|-----------------|----------|
| ADHI | -0,00053 | 0,93174 | 0,000457 | -0,00106 |
| ADRO | 0,00053 | 1,87215 | 0,000587 | 0,00057 |
| ANTM | 0,00148 | 0,98229 | 0,000512 | 0,00110 |
| ASII | -0,00069 | 1,36308 | 0,000179 | -0,00052 |
| BBCA | 0,00053 | 0,95689 | 0,000128 | 0,00001 |
| BBNI | 0,00077 | 1,35458 | 0,000217 | 0,00056 |
| BBRI | 0,00026 | 1,55822 | 0,000217 | 0,00029 |
| BBTN | 0,00258 | 0,24225 | 0,000311 | 0,00578 |
| BJBR | 0,00097 | 0,28959 | 0,000829 | -0,00053 |
| BMRI | 0,00066 | 0,92232 | 0,000123 | 0,00022 |
| BMTR | 0,00199 | 1,33575 | 0,001089 | 0,00147 |
| BRPT | 0,00256 | 0,99313 | 0,000528 | 0,00219 |
| BSDE | -0,00059 | 0,90664 | 0,000215 | -0,00119 |
| BUMI | 0,00085 | 1,26511 | 0,002513 | -0,00046 |
| GGRM | -0,00038 | 1,42129 | 0,000394 | -0,00022 |
| HMSP | 0,00060 | 2,34209 | 0,000404 | 0,00069 |
| ICBP | -0,00035 | 0,76930 | 0,000155 | -0,00127 |
| INCO | 0,00291 | 0,80013 | 0,000677 | 0,00289 |
| INTP | 0,00008 | 2,03152 | 0,000669 | 0,00039 |
| JSMR | -0,00079 | 0,94177 | 0,000237 | -0,00132 |
| LPPF | -0,00098 | 1,20072 | 0,001015 | -0,00096 |
| PGAS | 0,00031 | 1,76444 | 0,001537 | 0,00041 |
| PTBA | 0,00128 | 1,05828 | 0,000911 | 0,00091 |
| PTPP | -0,00056 | 1,05349 | 0,000581 | -0,00084 |
| PWON | -0,00139 | 1,49479 | 0,000356 | -0,00084 |
| SCMA | 0,00074 | 0,60798 | 0,000531 | -0,00008 |
| SMGR | -0,00014 | 1,25688 | 0,000503 | -0,00021 |
| SMRA | -0,00049 | 1,63385 | 0,000542 | -0,00013 |
| SRIL | -0,00029 | 0,98003 | 0,000354 | -0,00071 |
| SSMS | -0,00004 | 0,30708 | 0,000225 | -0,00376 |
| UNTR | 0,00005 | 2,05253 | 0,000529 | 0,00038 |
| UNVR | -0,00002 | 0,95897 | 0,000109 | -0,00047 |
| WIKA | -0,00072 | 1,10256 | 0,000486 | -0,00091 |
| WSKT | 0,00068 | 1,10709 | 0,000631 | 0,00037 |

5. Menghitung Cut-Off Rate

6. Menentukan *Cut-Off Point*

Nilai C^* merupakan C_i maksimum dari sederetan nilai C_i . Portofolio optimal dibentuk berdasarkan saham-saham yang mempunyai nilai ERB yang besar dari atau sama dengan nilai C_i . Nilai *unique cut-off point* yang didapat sebesar 0,000202986 dan nilai ERB 0,0007 yaitu saham perusahaan H.M. Sampoerna Tbk. (HMSP).

Selanjutnya mengurutkan saham-saham dari ERB dari yang paling tinggi sampai yang paling rendah. Pada penelitian ini didapat 15 saham yang masuk ke dalam portofolio optimal setelah mengurutkan dari nilai ERB tertinggi ke terendah.

TABEL 5
PERBANDINGAN NILAI ERB DENGAN CUT-OFF RATE Masing-masing SAHAM

| Kode Saham | ERB | Ci |
|------------|----------|------------|
| BBTN | 0,005789 | > 0,000032 |
| INCO | 0,002894 | > 0,000081 |
| BRPT | 0,002187 | > 0,000118 |
| BMTR | 0,001466 | > 0,000069 |
| ANTM | 0,001101 | > 0,000059 |
| PTBA | 0,000904 | > 0,000033 |
| HMSP | 0,000695 | > 0,000203 |
| ADRO | 0,000571 | > 0,000088 |
| BBNI | 0,000559 | > 0,000114 |
| PGAS | 0,000413 | > 0,000024 |
| INTP | 0,000385 | > 0,000061 |
| UNTR | 0,000381 | > 0,000074 |
| WSKT | 0,000368 | > 0,000021 |
| BBRI | 0,000298 | > 0,000075 |
| BMRI | 0,000216 | > 0,000038 |
| BBCA | 0,000010 | < 0,000018 |

Berdasarkan tabel 8 terdapat 15 saham yang tergolong dalam portofolio optimal.

7. Perhitungan Skala Tertimbang dan Proporsi Dana

15 saham yang telah diperoleh masuk ke dalam portofolio optimal, selanjutnya dihitung besarnya proporsi dana (W_i) yang diinvestasikan pada saham terpilih. Sebelumnya kita tentukan dulu skala tertimbang dari saham (Z_i). Hasil perhitungan dari skala tertimbang dan proporsi dana dapat dilihat pada tabel 6.

TABEL 6.
HASIL PERHITUNGAN SKALA TERTIMBANG (Z_i) DAN PROPORSI DANA (W_i)

| Kode Saham | Zi | Wi |
|------------|------------|----------|
| BBTN | 4,34952221 | 0,180144 |
| INCO | 3,17982944 | 0,131699 |
| BRPT | 3,73379556 | 0,154642 |
| BMTR | 1,54983433 | 0,064189 |
| ANTM | 1,72246869 | 0,071339 |
| PTBA | 0,81507081 | 0,033758 |
| HMSP | 2,85201931 | 0,118122 |
| ADRO | 1,17212778 | 0,048546 |
| BBNI | 2,22055816 | 0,091969 |
| PGAS | 0,24153931 | 0,010004 |
| INTP | 0,55425158 | 0,022955 |

| | | |
|------|------------|----------|
| UNTR | 0,68845896 | 0,028514 |
| WSKT | 0,28932343 | 0,011983 |
| BBRI | 0,67939959 | 0,028139 |

Berdasarkan tabel 7.terlihat proporsi dana tertinggi pada perusahaan Bank Tabungan Negara (Persero) Tbk. (BBTN) sebesar 0,180144 atau 18,01%. Sedangkan proporsi dana terkecil ada pada perusahaan Bank Mandiri Tbk. (BMRI) yaitu 0,00399 atau 0,39%.

8. Hasil Perhitungan *Return* Portofolio

TABEL 7.
PERHITUNGAN *RETURN* PORTOFOLIO

| Kode Saham | α_p | β_p |
|--|------------|-----------|
| BBTN | 0,00046457 | 0,04364 |
| INCO | 0,00038286 | 0,10538 |
| BRPT | 0,00039601 | 0,15358 |
| BMTR | 0,00012760 | 0,08574 |
| ANTM | 0,00010572 | 0,07008 |
| PTBA | 0,00004311 | 0,03574 |
| HMSP | 0,00007117 | 0,27665 |
| ADRO | 0,00002598 | 0,09089 |
| BBNI | 0,00007056 | 0,12458 |
| PGAS | 0,00000309 | 0,01765 |
| INTP | 0,00000189 | 0,04663 |
| UNTR | 0,00000165 | 0,05853 |
| WSKT | 0,00000811 | 0,01327 |
| BBRI | 0,00000732 | 0,04384 |
| BMRI | 0,00000265 | 0,00369 |
| Total | 0,00171234 | 1,16987 |
| E(Rm) | 0,001049 | |
| E(Rp)=$\alpha_p + (\beta_p * E(Rm))$ | 0,00294 | |

Dari tabel dapat kita lihat bahwa *return* portofolio sebesar 0,00294 atau 0,29% per hari.

9. Perhitungan Risiko Portofolio

TABEL 8.
PERHITUNGAN RISIKO PORTOFOLIO

| Kode Saham | σ_{ep}^2 |
|--------------------------------|-----------------|
| BBTN | 1,01E-05 |
| BRPT | 1,17E-05 |
| INCO | 1,26E-05 |
| HMSP | 4,49E-06 |
| BBNI | 2,61E-06 |
| ANTM | 1,04E-06 |
| BMTR | 5,64E-06 |
| ADRO | 1,38E-06 |
| PTBA | 1,84E-06 |
| UNTR | 1,54E-07 |
| BBRI | 3,52E-07 |
| INTP | 4,30E-07 |
| WSKT | 9,06E-08 |
| PGAS | 1,72E-07 |
| BMRI | 1,96E-09 |
| Total | 5,27E-05 |
| β^2 | 1,368584 |
| σ_m^2 | 3,04E-05 |
| Variance Portofolio | 9,4248E-05 |
| Risiko portofolio | 0,00970814 |

Berdasarkan tabel9. Nilaivariansiportofolio sebesar 0,000098 dan standar deviasi 0,0097.

10. Hasil perhitungan nilai *Value at Risk*

Setelah mendapatkan nilai risiko portofolio, selanjutnya kita bisa menghitung nilai *Value at Risk* atau nilai terburuk dari portofolio, rumus:

$$VaR = z_\alpha \sigma_p W_0 \sqrt{t}$$

Dengan nilai investasi awal sebesar Rp 100.000.000,00, nilai Z pada tingkat kesalahan 5% adalah

| | | |
|----------|-------------|----------|
| BMRI | 0,09655333 | 0,003999 |
| Σ | 24,14475248 | 1 |

1,645 dan nilai σ_p sebesar 0,0097 serta *holding period* selama 30 hari, maka besarnya nilai *Var* dari portofolio adalah:

$$\begin{aligned} VaR &= z_\alpha \sigma_p W_0 \sqrt{t} \\ &= 1,645 \times 0,0097 \times 100000000 \times \sqrt{30} \\ &= 8747069 \end{aligned}$$

Nilai var sebesar Rp 8.747.069,00 artinya jika modal awal sebesar Rp 100.000.000,00 portofolio optimal yang terbentuk dari model indeks tunggal diperkirakan tidak akan mengalami kerugian lebih dari Rp 8.747.069,00 setelah satu bulan investasi.

B. Pembahasan

1. Analisis Penentuan Portofolio Optimal

Pada penelitian ini dari 45 saham perusahaan diperoleh 15 saham yang masuk ke dalam portofolio optimal. Investor dapat menginvestasikan modalnya pada 15 saham indeks LQ-45 yang masuk ke dalam portofolio optimal ini.

2. Proporsi Dana Portofolio Optimal

Pembagian proporsi dari 15 saham yang masuk pada portofolio optimal telah proporsional, karena dihitung dengan cara skala tertimbang terlebih dahulu. untuk menghitung proporsi dana harus ditentukan skala tertimbang terlebih dahulu dari berbagai saham.

3. *Return* dan Risiko Portofolio

Saham-saham yang membentuk portofolio optimal adalah 15 saham yang menghasilkan *expected return* dari risiko terbaik. Portofolio yang dibentuk tersebut memiliki *return* sebesar 0,29% per hari, sedangkan risiko yang ditanggung seorang investor pada hasil investasi sebesar 0,0097% dari portofolio.

4. Nilai *Var* Portofolio

Menurut Jorion (2002), *Var* adalah suatu besaran untuk mengukur ekspektasi kerugian terburuk sepanjang horizon pada situasi pasar yang normal pada tingkat tertentu. Dalam penelitian ini, jika investor menanamkan modal pada portofolio yang telah diperoleh senilai Rp 100.000.000,00, dan nilai Z pada tingkat kesalahan 5% dan selama holding period selama 30 hari, maka nilai *Var* yang diperoleh adalah sebesar Rp 8.747.069,00. Artinya diperkirakan investor tidak akan mengalami kerugian lebih dari Rp 8.747.069,00 setelah satu bulan investasi.

SIMPULAN

Dari analisis data yang telah dilakukan, bisa diambil kesimpulan bahwa dari 45 saham dalam perhitungan optimalisasi portofolio, ada 15 saham yang optimal. Berdasarkan perhitungan *Var* pada portofolio optimal, diperoleh nilai *Var* sebesar 8.747.069, yang berarti jika seorang investor menginvestasikan dana yang dimilikinya pada portofolio yang telah terbentuk sebesar Rp 100.000.000,00 maka jumlah kerugian maksimum yang akan diderita investor tersebut dengan tingkat kepercayaan 95% tidak akan melebihi Rp 8.747.069,00.

REFERENSI

- [1] Butler, C. 1998. *Mastering Value at Risk*, New York: Prentice Hall.

- [2] Elton, E.J., dan Gruber, M.J. 1995. *Modern Portofolio Theory and Investment Analysis*. Fifth Edition. Canada: John Wiley & Son, Inc
- [3] <http://www.bi.go.id>, diakses pada tanggal 4 Maret 2018.
- [4] <http://www.idx.co.id>, diakses tanggal 4 Maret 2018.
- [5] <http://www.yahoofinance.com>, diakses tanggal 4 Maret 2018.
- [6] Tandilin, E. 2007. *Analisis Investasi dan Manajemen Portofolio*. Edisi pertama. Yogyakarta: BP